

MONOTOONSETE SÜSTEEMIDE TEOORIA

Põhimõisted

Definitsioon 1. Olgu antud lõplik hulk X , $|X|=K$, ja sellel funktsioon \mathbb{I}_X , mis seab igale elemendile $a \in X$ vastavusse väärtuse $\mathbb{I}_X(a)$.

Funktsiooni \mathbb{I}_X nimetatakse *kaalufunktsiooniks*, kui ta on määratud suvalisel alamhulgal $X' \subseteq X$. Väärtust $\mathbb{I}_X(a)$ nimetatakse elemendi $a \in X$ *kaaluks* hulgal X' .

Definitsioon 2. Hulka X koos kaalufunktsiooniga \mathbb{I}_X nimetatakse *süsteemiks* ja tähistatakse $\Pi = (X, \mathbb{I}_X)$.

Definitsioon 3. Süsteemi $\Pi' = (X', \mathbb{I}_{X'})$, kus $X' \subseteq X$, nimetatakse süsteemi $\Pi = (X, \mathbb{I}_X)$ *allsüsteemiks*.

Definitsioon 4. Süsteemi $\Pi = (X, \mathbb{I}_X)$ nimetatakse *monotoonseks*, kui suvalise $a \in X' \setminus \{c\}$, $c \in X$, korral $\mathbb{I}_{X' \setminus \{c\}}(a) \leq \mathbb{I}_X(a)$, kus X' on suvaline hulga X alamhulk.

Definitsioon 5. Funktsiooni Q , mis seab igale monotoonse süsteemi Π alamhulgale $X' \subseteq X$ vastavusse mittenegatiivse väärtuse $Q(X') = \min_{a \in X'} [\mathbb{I}_X(a)]$, nimetatakse *sihifunktsiooniks*.

Definitsioon 6. Monotoonse süsteemi $\Pi = (X, \mathbb{I}_X)$ allsüsteemi $\Pi^* = (W, \mathbb{I}_W)$, millel sihifunktsioon Q saavutab oma maksimaalse väärtuse $Q(W) = \max_{X' \subseteq X} Q(X') = \max_{X' \subseteq X} \min_{a \in X'} \mathbb{I}_X(a)$, nimetatakse süsteemi Π *tuumaks*; väärtust $Q(W)$ nimetatakse tuuma kvaliteedi näitajaks.

Monotoonse süsteemi ehitamine andmetabelile

Eeldame, et meil on lähtesüsteemina vaatluse all andmetabel $X(N,M)$, kus iga element X_{ij} võib omada diskreetset väärtust vahemikus $h_j=0,1,\dots,K_j-1$

1. Määratakse sobiv kaalufunktsioon $\mathbb{I}(X_{ij})$.
2. Määratakse elementidele rakendatavad tege-vused ('+' või '-') ning kaalu ümberarvutamise eeskiri.
3. Rakendatav tegevus ('+' või '-') ja kaalu ümberarvutamise eeskiri on seotud selliselt, et nad tagaksid süsteemi monotoonsuse. S.t. et suvalisele elemendile $a \in X$ rakendatud tege-vus ('+' või '-') põhjustab kõigil sellistel elementidel $b \in X$, mis on seotud elemendiga a , kaalu $\mathbb{I}_X(b)$ muutust samas suunas ('+' kasvatab, '-' kahandab). Kui a ja b pole seotud, siis kaalu muutus $=0$.

Enamlevinud moodused monotoonse süsteemi ehitamisel

Elementidena, millele rakendatakse teatud (+ või -) tegevusi, vaadeldakse:

- 1) tabeli elemente X_{ij} : $X=\{X_{ij}\}$, $i=1,\dots,N$; $j=1,\dots,M$. Sel juhul tuum $W=\{X_{ij}\}$, $W\subseteq X$, $|W| \leq N*M$
- 2) tabeli ridu: $X=\{X_i\}$, $W=\{X_i\}$, $W\subseteq X$, $|W| \leq N$
- 3) tabeli veerge: $X=\{X_j\}$, $W=\{X_j\}$, $W\subseteq X$, $|W| \leq M$
- 4) tabeli ridu ja veerge: $X=\{X_i \cup X_j\}$, $W=\{X_i \cap X_j\}$, $W\subseteq X$, $|W| \leq N*M$.

Olenevalt valitud moodusest omab tuum W kuju:

- 1) "laik" või ristkülik
- 2) horisontaalne riba
- 3) vertikaalne riba
- 4) "rist" või ristkülik.